**ISTITUTO ISTRUZIONE SUPERIORE "L. EINAUDI" – ALBA ANNO SCOLASTICO 2021/2022**

CLASSE 3/4 S Disciplina: Matematica

Testi consigliati:

# Matematica a Colori edizione verde per il 3 e 4 anno

Leonardo Sasso

Petrini Editore

**PROGETTAZIONE DIDATTICA ANNUALE**

Elaborata e sottoscritta dal docente: Soloni Giovanni

Lo studente, al termine del corso, dovrà essere in grado di: padroneggiare il linguaggio formale e i procedimenti dimostrativi della matematica; possedere gli strumenti matematici, statistici e del calcolo delle probabilità necessari per la comprensione delle discipline scientifiche e per poter operare nel campo delle scienze applicate; collocare il pensiero matematico e scientifico nei grandi temi dello sviluppo della storia delle idee, della cultura, delle scoperte scientifiche e delle invenzioni tecnologiche.

# COMPETENZE DI BASE CORSO

I risultati di apprendimento al termine del percorso quinquennale costituiscono il riferimento delle attività didattiche della disciplina nel secondo biennio. La disciplina nell’ambito della programmazione del Consiglio di Classe, concorre in particolare al raggiungimento dei seguenti risultati di apprendimento, espressi in termine di competenze:

* Utilizzare il linguaggio e i metodi propri della matematica per organizzare e valutare adeguatamente informazioni quantitative qualitative.
* Utilizzare le strategie del pensiero razionale negli aspetti dialettici e algoritmici per affrontare situazioni problematiche, elaborando opportune soluzioni.
* Utilizzare i concetti e i metodi delle scienze sperimentali per investigare fenomeni e naturali e per interpretare dati.
* Utilizzare le reti e gli strumenti informatici nelle attività di studio, ricerca e approfondimento disciplinare.

**COMPETENZE FINALI**

**C1:** Saper risolvere e discutere equazioni di secondo grado e di grado superiore, saper riconoscere il significato geometrico di una equazione di secondo grado. Saper risolvere problemi con utilizzo di equazioni

**C2:** Saper riconoscere le funzioni e le loro caratteristiche, saper individuare le proprietà delle funzioni e saperle applicare in problemi riconducibili ai casi tipici.

**C3:** Saper operare nel piano cartesiano rappresentando punti, rette e coniche

**C4:** Saper utilizzare la parabola come strumento per risolvere disequazioni di secondo grado e sistemi di grado superiore al primo.

**C5:** Saper rappresentare le funzioni goniometriche. Saper applicare le relazioni fondamentali nella risoluzione di equazioni e disequazioni. Conoscere i teoremi relativi ai triangoli e saperli utilizzare in problemi riconducibili ai casi tipici.

**C6:** Saper studiare e rappresentare graficamente funzioni algebriche e trascendenti.

**MODULI**

**M1**: Raccordo con il biennio: richiami di algebra equazioni di primo e secondo grado

**M2**: Funzioni

**M3**: Geometria analitica: la retta.

**M4**: Geometria analitica: la parabola, le disequazioni di secondo grado e i sistemi non lineari.

**M5**: Funzione esponenziale e logaritmica.

**M6**: Goniometria e Trigonometria

**M7**: Generalità sulle funzioni, dominio e segno

**M8:** Limiti, asintoti e continuità di funzioni

MODULO 1: RACCORDO CON IL BIENNIO: EQUAZIONI DI PRIMO E SECONDO GRADO. MESE: SETTEMBRE/OTTOBRE

**Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:**

* Scomposizione dei polinomi
* Equazioni di primo e secondo grado

**Competenze finali del modulo:**

C 1: Saper risolvere equazioni di secondo grado intere, fratte e parametriche

**Contenuti:**

* Risoluzione di equazioni di 2° grado.
* Equazioni di 2° grado numeriche intere e frazionarie.

Metodologia didattica:

* lezioni frontali per la sistematizzazione
* utilizzo del libro di testo come percorso di studio, per l’appropriazione del simbolismo e della terminologia
* schemi riassuntivi
* esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

**Risorse/materiali:**

* libro di testo
* quaderno personale
* appunti

**Modalità/tipologia di verifica:**

* interrogazioni orali
* test scritti
* verifica intermedia
* verifica di fine modulo

**Saperi minimi finalizzati all’attività di recupero:**

Riconoscere e risolvere semplici equazioni di 2° grado intere e fratte.

**Attività di recupero:**

□ in itinere

□ studio individuale

MODULO 2: FUNZIONI

MESI: NOVEMBRE

**Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:**

* Conoscenze fondamentali della teoria degli insiemi
* Conoscenza della teoria delle relazioni

**Competenze finali del modulo**

C1: Imparare a stabilire relazioni e corrispondenze.

C2: Saper riconoscere le funzioni e le loro caratteristiche

C3: Saper tracciare grafici cartesiani di funzioni algebriche.

C4: Saper interpretare in termini matematici un grafico

**Contenuti:**

* Introduzione alle funzioni.
* Proprietà delle funzioni reali.

**Metodologia didattica:**

* lezioni frontali per la sistematizzazione
* utilizzo del libro di testo come percorso di studio, per l’appropriazione del simbolismo e della terminologia
* schemi riassuntivi
* esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

**Risorse/materiali:**

* libro di testo
* quaderno personale
* appunti

**Modalità/tipologia di verifica:**

* interrogazioni orali
* test scritti
* verifica intermedia
* verifica di fine modulo

**Saperi minimi finalizzati all’attività di recupero:**

Conoscere la definizione di funzione. Riconoscere funzioni iniettive, suriettive

**Attività di recupero:**

□ in itinere

□ studio individuale

MODULO 3: GEOMETRIA ANALITICA: LA RETTA

MESI: NOVEMBRE/DICEMBRE

**Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:**

* Conoscenze geometriche elementari
* Equazioni e sistemi lineari
* Risoluzione di sistemi e equazioni

**Competenze finali del modulo:**

C1: Saper operare sul piano cartesiano

C2: Conoscer il concetto di luogo geometrico.

C3: Saper rappresentare la retta nelle sue forme.

C4: Saper risolvere problemi sulla retta

**Contenuti:**

* Rappresentazione di punti e rette sul piano cartesiano.
* Individuazione e rappresentazione di rette parallele agli assi cartesiani, rette passanti per l’origine, rette generiche.
* Retta in forma esplicita ed implicita e trasformazione da una forma all’altra.
* Condizione di parallelismo e perpendicolarità.

**Metodologia didattica**:

* lezioni frontali per la sistematizzazione
* utilizzo del libro di testo come percorso di studio, per l’appropriazione del simbolismo e della terminologia
* schemi riassuntivi
* esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

**Risorse/materiali:**

* libro di testo
* quaderno personale
* appunti

**Modalità/tipologia di verifica:**

* interrogazioni orali
* test scritti
* verifica intermedia
* verifica di fine modulo

**Saperi minimi finalizzati all’attività di recupero:**

Saper rappresentare una retta sul piano cartesiano. Saper riconoscere forma implicita ed esplicita e saper trasformare da una forma all’altra. Saper riconoscere quando due rette sono parallele o perpendicolari.

Saper risolvere semplici problemi sulle rette.

**Attività di recupero:**

□ in itinere

□ studio individuale

MODULO 4. GEOMETRIA ANALITICA: LA PARABOLA, LE DISEQUAZIONI DI II° GRADO MESE: GENNAIO/FEBBRAIO

**Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:**

* equazioni di secondo grado in una incognita
* disequazioni di primo grado
* sistemi di equazioni di primo grado

**Competenze finali del modulo:**

C1: saper rappresentare una parabola nel piano cartesiano e scriverne l’equazione

C3: saper trovare l’equazione della tangente alla curva

C4: saper risolvere disequazioni di secondo grado fratte e sistemi di disequazioni

**Contenuti:**

* Grafico delle funzioni *y*= *ax*2 e *y*=*ax*2+*bx*+*c* .
* Parabola dato il vertice e un punto.
* Reciproche posizioni di rette e parabola.
* Retta tangente.
* Studio del segno di una funzione di 2° grado.
* Disequazioni di 2° grado con l’uso della parabola:
* disequazioni numeriche intere, numeriche frazionarie e sistemi di disequazioni.

**Metodologia didattica:**

* lezioni frontali per la sistematizzazione
* utilizzo del libro di testo come percorso di studio, per l’appropriazione del simbolismo e della terminologia
* schemi riassuntivi
* esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

**Risorse / materiali:**

* libro di testo
* quaderno personale
* appunti

**Modalità / tipologie di verifica:**

* interrogazioni orali
* test scritti
* verifica di fine modulo ed eventuale verifica di recupero

**Saperi minimi finalizzati all’attività di recupero:**

Rappresentare una parabola nel piano cartesiano. Risolvere semplici problemi sulla parabola. Risolvere disequazioni di 2° grado in esercizi di tipo ripetitivo.

**Attività di recupero:**

□ in itinere

□ studio individuale

MODULO 5: ESPONENZIALI E LOGARITMI

MESI: FEBBRAIO

**Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:**

* Proprietà delle potenze
* Il concetto di funzione e proprietà relative
* Disegnare il grafico di una funzione
* Risolvere equazioni e disequazioni

**Competenze finali del modulo:**

C1: Saper riconoscere e rappresentare la funzione esponenziale.

C2: Saper riconoscere e rappresentare la funzione logaritmica. C3: Saper risolvere equazioni e disequazioni esponenziali. C4: Saper risolvere equazioni e disequazioni logaritmiche

**Contenuti:**

* Conoscere la definizione di potenza ad esponente reale e di funzione esponenziale.
* Conoscere la definizione di logaritmo e di funzione logaritmica.
* Grafici delle funzioni esponenziale e logaritmica e loro proprietà.
* Le proprietà dei logaritmi.
* Equazioni e disequazioni esponenziali e logaritmiche

**Metodologia didattica:**

* lezioni frontali per la sistematizzazione
* utilizzo del libro di testo come percorso di studio, per l’appropriazione del simbolismo e della terminologia
* schemi riassuntivi
* esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

**Risorse/materiali:**

* libro di testo
* quaderno personale
* appunti

**Modalità/tipologia di verifica:**

* interrogazioni orali
* test scritti
* verifica intermedia
* verifica di fine modulo

**Saperi minimi finalizzati all’attività di recupero:**

Saper riconoscere e rappresentare il grafico di funzioni logaritmiche ed esponenziali. Saper risolvere semplici equazioni e disequazioni esponenziali. Saper risolvere semplici equazioni e disequazioni esponenziali e logaritmiche.

**Attività di recupero:**

□ in itinere

□ studio individuale

MODULO 6: GONIOMETRIA E TRIGONOMETRIA

MESI: MARZO

**Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:**

* Conoscenze geometriche elementari, il teorema di Pitagora.
* Concetto di funzione.
* Funzione inversa
* Rappresentazione grafica di funzioni

**Competenze finali del modulo**

C1: Conoscere i metodi di misurazione degli angoli e acquisire gli strumenti per poter operare con essi.

C2: Conoscere le principali funzioni goniometriche e le loro proprietà e saper operare con esse.

C3: Saper risolvere problemi relativi a triangoli rettangoli.

**Contenuti:**

Saper riconoscere l’equivalenza tra i diversi modi di rappresentazione di un angolo.

* Circonferenza goniometrica.
* Definizione di seno, coseno e tangente.
* Grafici delle funzioni goniometriche, proprietà e trasformazioni.
* Relazioni che legano gli elementi di un triangolo rettangolo.

**Metodologia didattica:**

* lezioni frontali per la sistematizzazione
* utilizzo del libro di testo come percorso di studio, per l’appropriazione del simbolismo e della terminologia
* schemi riassuntivi
* esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

**Risorse/materiali:**

* libro di testo
* quaderno personale
* appunti

**Modalità/tipologia di verifica:**

* interrogazioni orali
* test scritti
* verifica intermedia
* verifica di fine modulo

**Saperi minimi finalizzati all’attività di recupero:**

Conoscere la definizione di angoli orientati e la loro misura. Conoscere la definizione di seno, coseno e tangente di un angolo. Conoscere le relazioni fondamentali della goniometria e saperle applicare. Saper risolvere equazioni goniometriche elementari. Conoscere le relazioni tra gli elementi di un triangolo rettangolo o di un triangolo qualsiasi e saperle applicare in semplici esercizi di tipo ripetitivo.

**Attività di recupero:**

□ in itinere

□ studio individuale

MODULO 7: GENERALITA’ SULLE FUNZIONI, DOMINIO E SEGNO

MESE: APRILE

**Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:**

* Risolvere equazioni e disequazioni
* Operare nel piano cartesiano
* Rappresentare una funzione per punti

**Competenze finali del modulo:**

C 1: Saper riconoscere se una relazione è una funzione

C 2: Saper studiare il dominio di una funzione.

C 3: Saper studiare segno e zeri di una funzione

C 4: Saper riconoscere, dato il grafico di una funzione, le proprietà di questa

**Contenuti:**

* Richiami sul concetto di “funzione reale”: definizione; variabile indipendente/dipendente, espressione analitica, grafico;
* classificazione delle funzioni;
* campo di esistenza;
* funzione composta e funzione inversa;
* codominio;
* Caratteristiche generali delle funzioni: zeri, segno;
* crescenza, decrescenza, monotonia;
* classificazione delle funzioni: simmetrie, periodicità.

**Metodologia didattica:**

* lezioni frontali per la sistematizzazione
* utilizzo del libro di testo come percorso di studio, per l’appropriazione del simbolismo e della terminologia
* schemi riassuntivi
* esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

**Risorse/materiali:**

* libro di testo
* quaderno personale
* appunti

**Modalità/tipologia di verifica:**

* interrogazioni orali
* test scritti
* verifica intermedia
* verifica di fine modulo

**Saperi minimi finalizzati all’attività di recupero:**

Operare con semplici funzioni. Saper determinare dominio e segno di semplici funzioni razionali, logaritmiche ed esponenziali

**Attività di recupero:**

□ in itinere

□ studio individuale

MODULO 8: LIMITI E ASINTOTI

MESE: MAGGIO

**Prerequisiti / connessioni con moduli e/o unità didattiche precedenti:**

* Risolvere equazioni, disequazioni e sistemi
* Operare nel piano cartesiano
* Studiare campo di esistenza e segno di una funzione

**Competenze finali del modulo:**

C1 Sapere verificare/calcolare il limite di una funzione

C2: Sapere determinare asintoti verticali, orizzontali e obliqui C3: Sapere studiare la continuità di una funzione

**Contenuti:**

* Definizione di intervallo e di intorno di un punto.
* Limite: approccio intuitivo al concetto di limite.
* Definizione di limite di una funzione.
* Analisi delle quattro situazioni di limite e relativa rappresentazione grafica.
* Limite destro/sinistro, verifica di limiti.
* Continuità: approccio intuitivo al concetto di continuità.
* Definizione di continuità in un punto ed in un intervallo.
* Classificazione delle discontinuità.

**Metodologia didattica:**

* lezioni frontali per la sistematizzazione
* utilizzo del libro di testo come percorso di studio, per l’appropriazione del simbolismo e della terminologia
* schemi riassuntivi
* esercitazioni individuali, collettive e a gruppi di lavoro

**Risorse/materiali:**

* libro di testo
* quaderno personale
* appunti

**Modalità/tipologia di verifica:**

* interrogazioni orali
* test scritti
* verifica intermedia
* verifica di fine modulo

**Saperi minimi finalizzati all’attività di recupero:**

Definizioni di limiti nei vari casi. Riconoscere in un grafico di una funzione le varie situazioni di limite. Rappresentare graficamente le varie situazioni di limite. Operazioni sui limiti e forme indeterminate. Calcolare i limiti di funzioni continue e nelle forme indeterminate. Definizione di continuità. Riconoscere se una funzione è continua nel suo dominio osservandone il grafico.

**Attività di recupero:**

□ in itinere

□ studio individuale